

OPTATIVA "AMPLIACIÓ DE MATEMÀTIQUES" GLOBAL 16-6-2008

1).- s'estudien l'edat i l'alçada d'un conjunt de 7 nens.

Alçada: 1'4 1'2 1'3 1'3 1'4 1'6 1'9 (metres)

Edat: 7 8 8 9 9 9 11 (anys)

- Es pot afirmar que hi ha una relació lineal entre l'alçada i l'edat?
- Calculeu la recta de regressió de l'alçada en funció de l'edat.
- Quina alçada s'esperarà d'un nen de 10 anys?

2).. Disposem de 12 rotoladors, 4 dels quals sabem que no funcionen. Si se'n agafen dos a l'atzar, calcular:

- La probabilitat que tots dos funcionin
- La probabilitat que no en funcioni cap.
- La probabilitat que en funcioni un i l'altre no.

3).. Disposem de tres cartes. Una té dues cares negres, l'altra les té blanques i la tercera una de cada color. Agafem una carta a l'atzar i la posem damunt la taula. Quina és la probabilitat que la cara que no es veu sigui blanca, sabent que la cara que es veu és negra?

4).. En una capsa hi ha 3 botes blanques i dues negres. En vuit extraccions consecutives, amb devolució de la bola extreta, es demana:

- Quina és la probabilitat d'obtenir exactament dues botes blanques?
- Quina és la probabilitat d'obtenir almenys tres botes blanques?
- Quina és la probabilitat de treure la primera bola blanca a l'extracció cinquena?

5).. La talla mitjana dels 200 alumnes d'un centre escolar és de 165cm, i la desviació típica, 10cm. Si les talles es distribueixen normalment. Calcula la probabilitat que un alumne elegit a l'atzar mesuri més de 180cm. Quants alumnes es pot esperar que arribin a més de 180cm?

6).. Considera les successions:

$$a_n = \frac{1}{4}, \frac{4}{7}, \frac{9}{12}, \frac{16}{19}, \dots$$

$$b_m = 1, -\frac{1}{2}, \frac{1}{4}, -\frac{1}{8}, \dots$$

a) Escriu els termes generals de a_n i b_m

b) Troba $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n$ i $\lim_{m \rightarrow \infty} b_m$

c) Calcula la suma $S = 1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{4} - \frac{1}{8} + \dots$

d) Calcula $\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{n^2 + 4n} - \sqrt{n^2 + 8n})$