

## EXÀMEN PARCIAL DE GEOMETRIA MÈTRICA DE L'ESPAI

---

### Exercici 1:

- a) Determineu l'equació del pla que conté el punt  $P(1,2,-1)$ , és paral·lel a la recta  
 $r: \begin{cases} x + y - z = 0 \\ 2x + y + z = 1 \end{cases}$  i perpendicular al pla  $\pi: 2x + y - z + 3 = 0$ .
- b) Determineu l'angle que forma la recta  $r$  amb el pla  $\pi$ .

*[2,5 punts]*

### Exercici 2:

Determineu el punt simètric de  $P(-2,3,0)$  respecte del pla definit pels punts  $A(1,1,0)$ ,  $B(1,0,1)$  i  $C(2,1,-1)$

*[2,5 punts]*

### Exercici 3:

- a) Quina és la distància del punt  $P(0,0,1)$  a la recta  $(x,y,z) = (1,1,0) + k \cdot (2,-1,1)$ ?
- b) Determineu el volum del tetraedre definit pels punts  $A(0,1,1)$ ,  $B(2,0,-1)$ ,  $C(1,0,0)$  i  $D(3,-1,1)$ .

*[2,5 punts]*

### Exercici 4:

Determineu el valor o valors del paràmetre  $m$  per tal  $r$  i  $r'$  siguin dues rectes que es creuen en l'espai i determineu, en tal cas, el pla que conté la recta  $r: \begin{cases} x + y = 0 \\ x - z = 0 \end{cases}$  i és paral·lel a la recta  $r': \frac{x-1}{m} = \frac{y}{2} = \frac{z+1}{-1}$ .

*[2,5 punts]*